

Секция «Математика и механика»

Свойства интегралов по дробно-пуассоновскому процессу с компактным ядром

Зубченко Владимир Петрович

Кандидат наук

Киевский Национальный Университет имени Тараса Шевченко,

Механико-математический, Киев, Украина

E-mail: v_zubchenko@ukr.net

Дробно-броуновское движение является важным инструментом моделирования многих теоретических и прикладных задач. Для многих технических и экономических задач характерна зависимость от прошлого исследуемого процесса и мгновенная смена динамики рассматриваемых величин. Дробно-пуассоновский процесс представляет собой удобный математический инструмент для моделирования таких процессов. Существует несколько подходов определения дробно-пуассоновского процесса. Наш подход заключается в проведении аналогии с определением дробно-броуновского движения при помощи компактного ядра Молчана-Голосова, либо при помощи ядра Мандельброта – ван Несса. Изучены свойства дробно-пуассоновских процессов с ядром Молчана-Голосова. Определены в L^2 -смысле интегралы от неслучайной функции по центрированному и нецентрированному дробно-пуассоновскому процессу с ядром Молчана-Голосова. Указан класс функций, для которого интеграл по центрированному дробно-пуассоновскому процессу существует в потраекторном смысле. Оценены вторые моменты указанных интегралов в терминах нормы подинтегральной функции в пространстве $L_{\frac{1}{H}}([0, T])$ и получены моментные оценки высших моментов с помощью неравенства Бихтелера-Жакода. Проведено сравнения полученных оценок с соответствующими оценками для интегралов по дробно-пуассоновскому процессу с ядром Мандельброта – ван Несса.

Литература

1. Mishura Yu., Stochastic calculus for fractional Brownian motion and related processes, Springer, Berlin, 2008.

Слова благодарности

Автор благодарит своего научного руководителя, профессора Мишуру Юлию Степановну, за постановку научной задачи и постоянное внимание к работе.